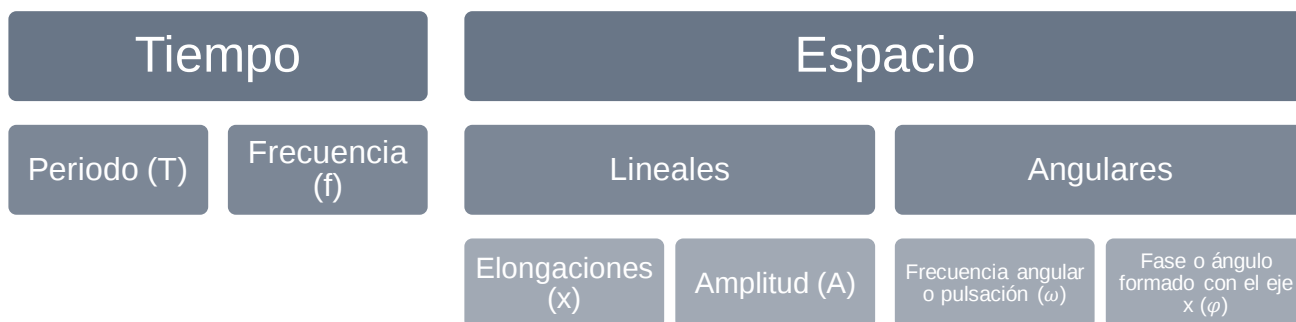
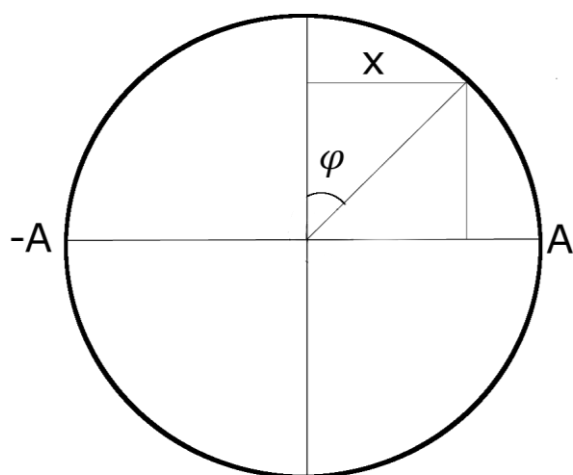


1. MOVIMIENTO ARMÓNICO SIMPLE

1.1. MAGNITUDES DEL M.A.S.



1.2. ECUACIONES DEL M.A.S.



$$\sin \varphi = \frac{x}{A}$$

$$\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}; \varphi = \omega t$$

$$\sin(\omega t) = \frac{x}{A}$$

Ecuación de elongación	$x = A \sin(\omega t + \varphi_0)$
Ecuación de velocidad	$v = A\omega \cos(\omega t + \varphi_0)$
Ecuación de aceleración	$a = -A\omega^2 \sin(\omega t + \varphi_0) = -\omega^2 x$

MUELLE

$$F = -kx \text{ (N)} \rightarrow F_{\text{elástica}} = F \rightarrow -kx = ma \rightarrow -kx = m(-\omega^2 x) \rightarrow k = m\omega^2 \text{ (N/m)}$$

1.3. ENERGÍA DEL M.A.S.

$$W = \int_A^0 \vec{F}_{\text{elás.}} \cdot d\vec{x} = \int_A^0 -kx \, dx = \left[\frac{-kx^2}{2} \right] = \frac{kA^2}{2} \rightarrow E_p = \frac{kx^2}{2} = \frac{m\omega^2 x^2}{2} \text{ (J)}$$

$$E_m = E_c + E_p = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \cos^2(\omega t) + \frac{1}{2} k A^2 \sin^2(\omega t) \rightarrow E_m = \frac{1}{2} k A^2 \text{ (J)}$$

2. PULSOS Y ONDAS

2.1. MAGNITUDES

- λ (longitud de onda)
- k (n° de onda): $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ (rad/m)
- Velocidad de propagación o de fase: $\begin{cases} v = \frac{\lambda}{T} = \lambda f \\ v = \frac{\omega}{k} \end{cases}$
- Velocidad de grupo: con la que viaja el frente ondas
- Velocidad de vibración (velocidad con la que oscila cada punto de la onda): $v = A \omega \cos(\omega t + \varphi_0)$

2.2. ONDA ARMÓNICA

La onda cuyo foco oscila con un movimiento armónico simple.

3. ECUACIONES DE LA ONDA ARMÓNICA

3.1. ONDA ARMÓNICA, TRANSVERSAL Y UNIDIMENSIONAL

$y(x, t) = A \operatorname{sen}(\omega t - kx + \varphi_0)$	Velocidad de vibración: $v(x, t) = \frac{dy(x, t)}{dt}$
---	---

3.2. DOBLE PERIODICIDAD

ESPACIAL

$$\Delta\varphi = (\omega t - kx_1 + \varphi_0) - (\omega t - kx_2 + \varphi_0) = k \Delta x$$

Para que dos puntos estén en fase, la diferencia de fase debe ser múltiplo de 2π , luego:

$$\Delta\varphi = k \Delta x = 2\pi n \rightarrow \Delta x = \frac{2\pi n}{k} = n \lambda$$

TEMPORAL

$$\Delta\varphi = (\omega t_1 - kx + \varphi_0) - (\omega t_2 - kx + \varphi_0) = \omega \Delta t$$

Para que dos puntos estén en fase, la diferencia de fase debe ser múltiplo de 2π , luego:

$$\Delta\varphi = \omega \Delta t = 2\pi n \rightarrow \Delta t = \frac{2\pi n}{\omega} = n T$$

4. ENERGÍA DE LA ONDA ARMÓNICA MECÁNICA

$$Em = \frac{1}{2} k A^2 = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 = \frac{1}{2} m \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 A^2 = \frac{1}{2} m \frac{4\pi^2}{T^2} A^2 \rightarrow Em = m 2 \pi^2 f^2 A^2$$

m = masa de las partículas. En ausencia de ella $d = \frac{m}{l}$

4.1. INTENSIDAD

$P = \frac{Em}{t} = m 2 \pi^2 f^2 A^2 \text{ (W)}$	$I = \frac{P}{S} = \frac{P}{4\pi r^2} = \frac{m \pi^2 f^2 A^2}{2\pi r^2} = 2 \rho \pi^2 f^2 A^2$
$\rho = \text{densidad del medio}$	

4.2. ATENUACIÓN

Es el fenómeno por el cual disminuye la amplitud al repartirse la energía cada vez en frentes más amplios.

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2} = \frac{A_1^2}{A_2^2}$$

4.3. ABSORCIÓN

Es el fenómeno por el cual se pierde energía por rozamiento

$I = I_0 e^{-\beta x}$	$\beta = \text{coeficiente de absorción}$ $x = \text{distancia}$
------------------------	---